

- α. έχουν το ίδιο πλάτος ταλάντωσης
- β. έχουν διαφορετική συχνότητα ταλάντωσης
- γ. το πλάτος ταλάντωσης τους εξαρτάται από τη θέση τους
- δ. γίνεται μεταφορά ενέργειας από το ένα σημείο στο άλλο.

A5. Δύο όμοιες πηγές κυμάτων Π_1 και Π_2 , που βρίσκονται στην επιφάνεια νερού, ταλαντώνονται σε φάση παράγοντας αρμονικά κύματα ίδιου πλάτους A . Το πλάτος της ταλάντωσης ενός σημείου Σ που ισαπέχει από τις πηγές Π_1 και Π_2 , είναι:

- α. A . β. $2A$. γ. $\frac{A}{2}$. δ. 0 .

ΘΕΜΑ Β

B1. Κατά μήκος δύο χορδών 1 και 2, που είναι κατασκευασμένες από το ίδιο υλικό, διαδίδονται δύο αρμονικά εγκάρσια κύματα πλάτους A_1 και A_2 και μήκους κύματος λ_1 και λ_2 , αντίστοιχα. Αν ισχύει ότι $A_2 = 2A_1$ και $\lambda_2 = \frac{\lambda_1}{2}$, τότε για τις αντίστοιχες μέγιστες επιταχύνσεις των ταλαντώσεων $\alpha_{\max 1}$ και $\alpha_{\max 2}$ ισχύει:

α) $\frac{\alpha_{\max 1}}{\alpha_{\max 2}} = \frac{1}{4}$ β) $\frac{\alpha_{\max 1}}{\alpha_{\max 2}} = \frac{1}{8}$ γ) $\frac{\alpha_{\max 1}}{\alpha_{\max 2}} = 4$

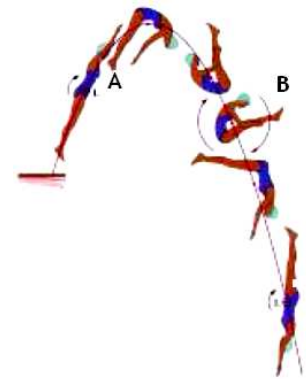
Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση
Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας

Μονάδες 4
Μονάδες 8

B2. Στο σχήμα φαίνεται μια καταδύτρια σε διάφορες φάσεις στη διάρκεια της κατάδυσης που εκτελεί.

I) Η στροφορμή της καταδύτριας ως προς το κέντρο μάζας της:

- α) είναι μεγαλύτερη στη θέση Α.
- β) είναι μεγαλύτερη στη θέση Β.
- γ) τόσο στη θέση Α όσο και στη θέση Β είναι ίδια.



Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση.

Μονάδες 2

Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.

Μονάδες 4

II) Η γωνιακή ταχύτητα της καταδύτριας:

- α) είναι μεγαλύτερη στη θέση Α.
- β) είναι μεγαλύτερη στη θέση Β.
- γ) τόσο στη θέση Α όσο και στη θέση Β είναι ίδια.

Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση.

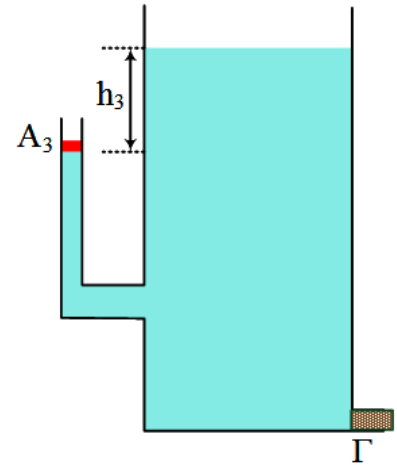
Μονάδες 2

Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.

Μονάδες 5

ΘΕΜΑ Γ

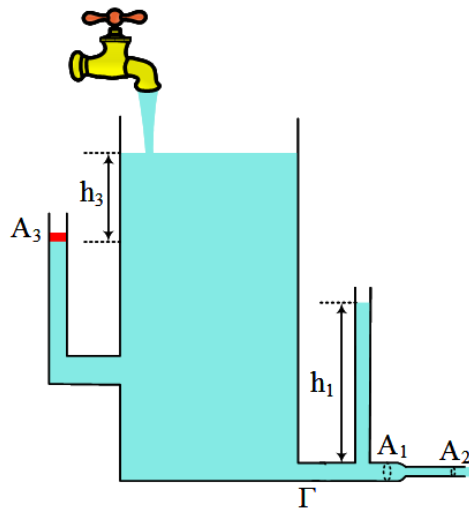
Στο δοχείο του διπλανού σχήματος ισορροπεί ακίνητο ιδανικό ρευστό πυκνότητας $\rho = 10^3 \frac{Kg}{m^3}$. Η αριστερή πλευρά του δοχείου επικοινωνεί με σωλήνα. Στην επιφάνεια του υγρού στον σωλήνα αυτό ισορροπεί έμβολο εμβαδού διατομής $A_3 = 2 \times 10^{-3} m^2$. Το έμβολο βρίσκεται σε βάθος $h_3 = 2m$ κάτω από την ελεύθερη επιφάνεια του υγρού και δεν δέχεται τριβές. Στη θέση Γ το δοχείο φράσσεται με τάπα.



Γ1) Να υπολογίσετε τη δύναμη που ασκείται από το υγρό στο έμβολο, καθώς και τη μάζα του εμβόλου.

Στο σημείο Γ το δοχείο επικοινωνεί με οριζόντιο σωλήνα εμβαδού διατομής $A_1 = 10^{-3} m^2$. Ο σωλήνας αυτός επικοινωνεί με σωλήνα

επίσης οριζόντιο, εμβαδού διατομής $A_2 = \frac{A_1}{2}$ που καταλήγει στην ατμόσφαιρα. Ο σωλήνας εμβαδού διατομής A_1 συνδέεται και με έναν κατακόρυφο σωλήνα.



Κάποια στιγμή αφαιρούμε την τάπα. Η στάθμη του νερού στο δοχείο παραμένει συνεχώς στο ίδιο ύψος καθώς το νερό που εκρέει στη ατμόσφαιρα αναπληρώνεται με νερό που εισέρχεται στο δοχείο από βρύση. Η στάθμη του υγρού στον κατακόρυφο σωλήνα σταθεροποιείται σε ύψος $h_1 = \frac{15}{4} m$ πάνω από τον άξονα συμμετρίας του σωλήνα εμβαδού A_1 .

Γ2. Να υπολογίσετε την ταχύτητα με την οποία το υγρό εκρέει στην ατμόσφαιρα και την παροχή της βρύσης.

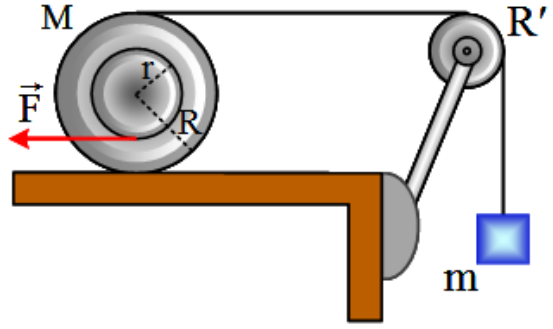
Γ3. Να υπολογίσετε το ύψος h του δοχείου.

Δίνεται: $g = 10 \frac{m}{s^2}$, $p_{atm} = 10^5 \frac{N}{m^2}$

Μονάδες $(5+4)+(6+3)+7=25$

ΘΕΜΑ Δ

Ο ομογενής κύλινδρος του διπλανού σχήματος μάζας $M = \frac{20}{3} \text{ Kg}$ και ακτίνας R ισορροπεί ακίνητος πάνω σε οριζόντιο δάπεδο. Στην περιφέρεια του κυλίνδρου είναι τυλιγμένο αβαρές νήμα που διέρχεται από την τροχαλία του σχήματος. Στο άλλο άκρο του νήματος είναι κρεμασμένο σώμα μάζας m . Ο κύλινδρος φέρει λεπτή εγκοπή βάθους $r = \frac{R}{2}$, στην οποία είναι



τυλιγμένο αβαρές νήμα αμελητέου πάχους.

Το νήμα δεν γλιστρά στην εγκοπή και μέσω αυτού ασκείται στον κύλινδρο σταθερή οριζόντια δύναμη \vec{F} μέτρου $F=40 \text{ N}$.

Δ1. Να υπολογίσετε τη μάζα m του κρεμασμένου σώματος

Δ2. Ποια η ελάχιστη τιμή του συντελεστή οριακής στατικής τριβής ώστε ο κύλινδρος να ισορροπεί.

Την χρονική στιγμή $t=0$ κόβουμε το νήμα που συνδέει τον κύλινδρο με τη τροχαλία, ενώ συνεχίζουμε να ασκούμε την ίδια δύναμη $F=40\text{N}$, οπότε ο κύλινδρος αρχίζει να κυλιέται χωρίς να ολισθαίνει πάνω στο οριζόντιο δάπεδο.

Δ3. Να υπολογίσετε την επιτάχυνση του κέντρου μάζας του κυλίνδρου.

Δ4. Το έργο της δύναμης F μέχρι την χρονική στιγμή $t=2\text{s}$.

Δίνεται: $g=10 \text{ m/s}^2$, η ροπή αδράνειας του κυλίνδρου ως προς τον άξονα συμμετρίας του $I = \frac{1}{2} MR^2$

Μονάδες (8+4+8+5)

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α: δ-β-α-γ-β

ΘΕΜΑ Β: Β1 (β) $v_1 = v_2 \Rightarrow \dots \Rightarrow f_2 = 2f_1 \Rightarrow \omega_2 = 2\omega_1 \Rightarrow \dots \Rightarrow \frac{\alpha_{\max 1}}{\alpha_{\max 2}} = \frac{1}{8}$

Β2: Ι) (γ) ΙΙ) (β) Το βάρος, εφόσον ασκείται στο ΚΜ δεν προκαλεί ροπή ως προς αυτό, οπότε διατηρείται η ιδιοστροφορμή $L_A = L_B \Rightarrow I_A \omega_A = I_B \omega_B \xrightarrow{I_A > I_B} \omega_A < \omega_B$

ΘΕΜΑ Γ: Γ1) $p = p_{\text{atm}} + \rho gh_3 \Rightarrow p = 1,2 \times 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$ $F_{\nu\rho\rho} = pA_3 \Rightarrow F_{\nu\rho\rho} = 240\text{N}$
 $F_{\nu\rho\rho} = p_{\text{atm}} A_3 + mg \Rightarrow m = 4\text{Kg}$

Γ2)

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \xrightarrow{v_2=2v_1} (p_{\text{atm}} + \rho gh_1) + \frac{1}{2} \rho \frac{v_2^2}{4} = p_{\text{atm}} + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \Rightarrow v_2 = \sqrt{\frac{8}{3} gh_1} \Rightarrow v_2 = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Pi_{\beta\rho} = A_2 v_2 \Rightarrow \Pi_{\beta\rho} = 5 \times 10^{-3} m^3$$

$$\Gamma 3) \quad h = \frac{v_2^2}{2g} \Rightarrow h = 5m$$

$$\Theta E M A \Delta: \Delta 1) \quad mgR + F \frac{R}{2} = T_{\sigma\tau} R \Rightarrow T_{\sigma\tau} = mg + \frac{F}{2} \quad (1)$$

$$F = mg + T_{\sigma\tau} \xrightarrow{(1)} F = mg + mg + \frac{F}{2} \Rightarrow m = \frac{F}{4g} \Rightarrow m = 1Kg$$

$$\Delta 2) (1) \Rightarrow T_{\sigma\tau} = 30N \quad \text{Πρέπει } T_{\sigma\tau} \leq \mu_s Mg \Rightarrow \mu_s \geq 0,45$$

$$\Delta 3) \quad F - T_{\sigma\tau} = Ma_{cm}$$

$$T_{\sigma\tau} R - F \frac{R}{2} = \frac{1}{2} MR^2 a_{\gamma\omega\nu} \xrightarrow{a_{cm} = a_{\gamma\omega\nu} R} T_{\sigma\tau} - \frac{F}{2} = \frac{1}{2} Ma_{cm}$$

$$\text{Προσθέτοντας κατά μέλη: } a_{cm} = \frac{F}{3M} \Rightarrow a_{cm} = 2 \frac{m}{s^2}$$

$\Delta 4)$ Η μετατόπιση του σημείου εφαρμογής της δύναμης είναι:

$$\Delta x = \Delta x_{cm} - r \Delta \varphi = \Delta x_{cm} - \frac{R}{2} \Delta \varphi \xrightarrow{\Delta x_{cm} = R \Delta \varphi} \Delta x = \frac{\Delta x_{cm}}{2} = 2m$$

$$\text{Άρα: } W_F = F \frac{\Delta x_{cm}}{2} \Rightarrow W_F = 80J$$

Θοδωρής Παπαγουρίδης

parasgou@gmail.com